

第2学年 数学科学習指導案

指導者 玉田 晴美

研究主題	図の役割の変化に気付かせ、推論の過程を表現する力を育てる数学科学習指導の在り方 — 中学校第2学年「平行と合同」における学習課題と段階を踏んだ活動を取り入れた授業展開の工夫を通して —
------	---

1. 単元 平行と合同

2. 目標

- (1) 観察、操作や実験を通して、平行線の性質や三角形の合同条件などをもとに、進んで平面図形の基本的な性質を見出したり確かめようとする。 (数学への関心・意欲・態度)
- (2) 基本的な図形の性質を身に付け、数学的な推論の方法を用いて図形の性質を論理的に考察する。 (数学的な見方や考え方)
- (3) 図形の性質の考察において、推論の筋道を言葉で表現したり、数学的な用語や記号を用いて簡潔に表現したりする。 (数学的な表現・処理)
- (4) 平行線の性質、三角形の合同などを調べるときの証明の意義と方法を理解する。 (数量・図形などについての知識・理解)

3. 単元について

(1) 教材観

小学校の低学年では図形の観察が行われ、中学年から中学1年までは実験によって図形の性質について学習する。中学1年まで経験的に学習された図形の性質について、中学2年の本単元からは、論証によってそれらの間を関係づけて、局所的ではあるが、図形の理論科学の学習が行われる。今までは具体物による操作的な活動や直観的な考察を中心としてきた。しかし、ここからは、帰納や類推の考え方を大切にして、演繹的な推論の手法を取り入れ、図形の性質と性質の間の関係が「どんな場合でも成り立つ」ことを明らかにしていくこととなる。

(2) 生徒の実態

数学の授業に対する取り組みは、全体的にまじめな態度で取り組む姿が見られるが、自分の考えを積極的に発表する生徒はあまり見られない。操作的な活動や課題解決に対しては、意欲的に取り組む。理解する力に関しては、高い生徒もいるが上位と下位の差も大きい。また、結果さえ分かればよいという考え方もあるが、途中の過程をおろそかにしてしまう傾向が見られる。

図形についての実態調査（平成18年10月6日実施）

「三角形の3つの角の和は 180° である。」ことを説明するのに、1つの三角形の角を分度器で測る方法で、どんな三角形についても言えるでしょうか。また、なぜそののかの理由もかきなさい。」

○言える 25人 《理由》・ 180° と決まっているから
・小学校で習ったから

○言えない 5人 《理由》・3つの角の角度はいろいろだから
・すべての三角形がそうとは限らないから

図形についての実態調査から、1つの三角形を調べただけではどんな三角形についても言えるわけではないと、一般性に着目している生徒は少数ではあるがいることがわかる。また、正当な理由にはならないことを理由としている生徒もいることがわかる。

(3) 指導観

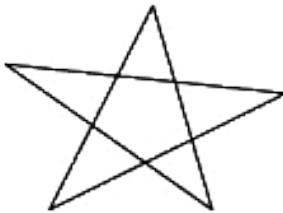
第2学年では、図形の性質を演繹的に考察し、論証指導を通して、筋道を立てて表現する力を身に付けさせることが目標となる。本単元は、その前段階として、演繹的に理解を進める意義や方法を理解させる必要がある。しかし、第2学年から、生徒にとっては突然に図の役割が変わってしまうため、推論を進める意義や方法を理解することや、推論の過程を表現することが困難であったりすることが予想される。

そこで、「どんな場合でも成り立つ」ことを演繹的に説明する意味や必要性を感じさせる手立てとして、学習課題を工夫していきたい。与えられた条件で複数の図をかけたり、実験・実測から帰納的な手法で予想を立てさせたりし、そこから見出した課題に取り組ませることで、図の役割の変化に気付かせていきたい。また、グループ活動を取り入れ、その中で表現したことを互いに紹介させ、自分の説明のよいところや不十分なところ、さらに、友達のよいところも見つけ認め合うことで、よりわかりやすい表現を求めていかせたい。そして、自分の説明や表現を振り返り、改善すべきところに気付くことで、表現する力を育てていきたいと考える。

【板書計画】

問題

「5つの点が1直線上に並ばない
ように点をとり、1つおきに点と点と
を結ぶ」という条件で、星形をたくさんかこう。

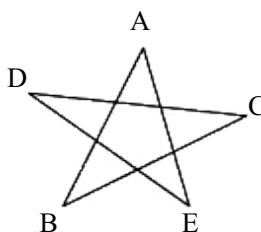


星形の先端の角の和を今までの方
法で調べよう。

- 先端を切って、並べる。
- 分度器で測って、調べる。
- 図形の性質を使って、調べる

課題

星形の先端の
角の和が 180°
になるわけを、
これまでに学
習した図形の
性質を使って
説明しよう。



これまでに学習した図形の性質

対頂角の性質

平行線の性質

三角形の内角と外角の性質

友達の考え方

① 切って並べたり、分度器で
測ったりして調べる。

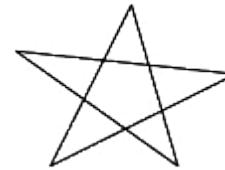
② 三角形の内角と外角の性質
を使って、1つの三角形に
角を集める。

③ 凹型四角形の角の性質を使
って、説明する。

④ 補助線を引いて、
・五角形をつくって考
える。
・平行線の性質を使
って説
明する。

まとめ

どんな星形
でも、5つの
先端の角の和
は、 180° で
ある。



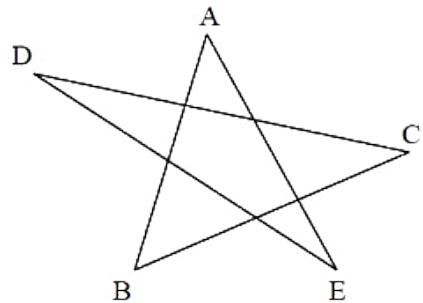
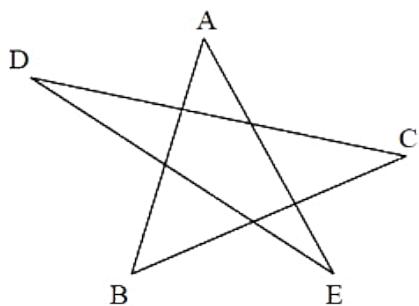
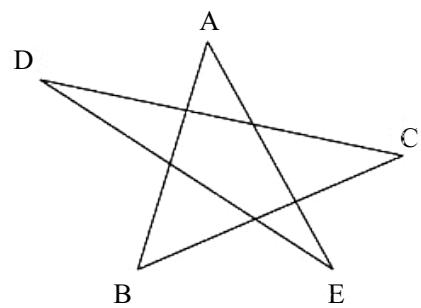
平行と合同 学習シート No.3 【星形】

2年 組 番 氏名

問 題：「5つの点が1直線上に並ばないように点をとり、1つおきに点と点とを結ぶ」という条件で、星形をたくさんかこう。



課 題： 星形の になるわけを、これまでに学習した図形の性質を使って説明しよう。



「星形の になる」ことを同じグループの友達と説明し合おう。

〈グループ活動でのみんなの考え方〉



説明の仕方について、同じグループの友達からコメントしてもらおう。また、友達のどんなところがわかりやすかったですか。

〈友達からのコメント〉

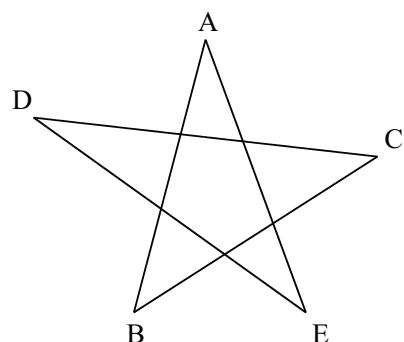
〈友達の説明のよかったです〉



〈全体の話し合いでの友達の考え方〉



《今日の学習のまとめ》



学習振り返りカード〈第6，7時〉 2年 組 番 氏名

5：できた	4：だいたいできた	3：普通
2：もう一歩だった	1：できなかった	

	5	4	3	2	1
1 【課題を見つける活動について】 ・先端の角の和が 180° であることを確認できましたか？					
2 【課題を考える活動について】 ・図形の性質を使って、先端の角の和が 180° であるわけを考えることができましたか？					
3 【説明し合う活動について】 ・自分の考えを説明できましたか？					
4 【取り組み方について】 ・進んで学習に取り組むことができましたか？					

- 1 今日の学習の最初に「星形」をたくさんかいたのは、なぜだと思いますか。
あなたの考えを書きましょう。
-
- 2 「星形の先端の角の和が 180° である」ことを説明するためには、次のどの方法がよいと思いますか。
- ① 角度を測って説明する。
 ② 角を動かすことで説明する。
 ③ 式を使って説明する。
 その理由を書いてください。
-

- 3 「星形の先端の角の和が 180° である」ことを、どのように説明しましたか。
- ① 平行線の性質、または三角形の内角や外角の性質を使って簡潔にかくことができた。
 ② 等しいところは分かったが、なぜ等しいかなどの理由がぬけてしまった。
 ③ 分かっているが、うまく書き表すことができなかった。
 ④ 分からなかった。
-

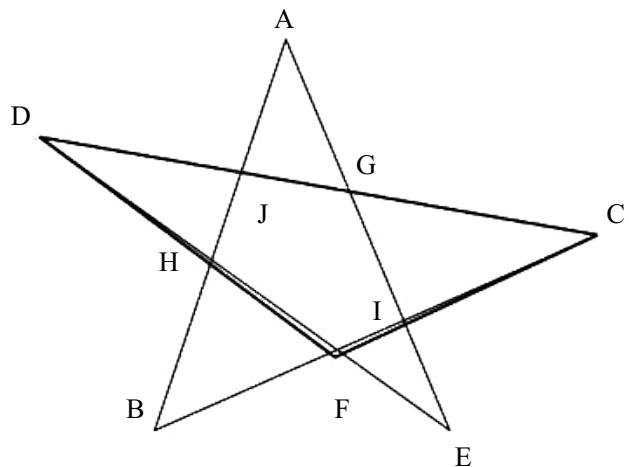
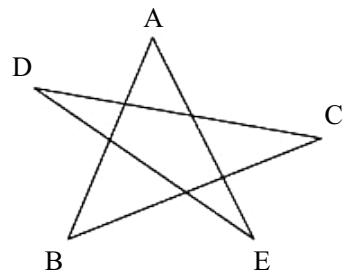
- 4 お互いに説明し合う活動は、役に立ちましたか。
- ① とても役に立った。
 ② 結構役に立った。
 ③ あまり役に立たなかった。
 ④ 役に立たなかった。
 その理由を書いてください。
-

- 5 説明し合う活動で、自分の説明、友達の説明のよいところや直した方がよいところに気付くことができましたか。
- ① 気付くことができた。
 ② 気付くことができなかった。
 それはどんなところですか。
-

学習補助シート №.3 【星形】

2年 組 番 氏名

課題 星形の先端の角の和が 180° になる
わけを、これまでに学習した図形の
性質を使って説明しよう。



～ $\triangle DFC$ の内角と外角の関係に目を向けてみよう。～

$\angle C$ と $\angle D$ をたすと, ···



「星形の [] になる」ことを隣の友達に説明し、説明の仕方についてコメントしてもらおう。また、友達の説明のどんなところがわかりやすかったですか。

〈友達からのコメント〉

〈友達の説明のよかったです〉



〈グループ活動でのみんなの考え方〉

〈全体の話し合いでの友達の考え方〉



《今日の学習のまとめ》

